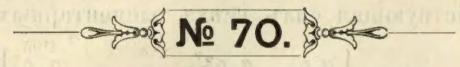
Въстникъ

OIIBITHOЙ ФИЗИКИ

И

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.



VI Cem.

25 Апръля 1889 г.

№ 10.

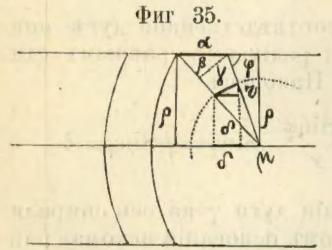
Вычисленіе намагничивающей силы спирали.

(Случай интегрированія построеніемь).

Изъ лекцій.

Намагничивающая спираль представляеть, въ сущности, соленоидь, рядь равныхъ колець, равномърно расположенныхъ на общей прямой оси. Магнитныя силы всъхъ кольцевыхъ токовъ на полюсъ на оси направлены въ одну сторону вдоль оси и потому равнодъйствующая этихъ силъ равна ариеметической суммъ ихъ. Сила отдъльнаго кольца на полюсъ µ на оси выражается какъ извъстно формулою

$$f = \frac{2\pi\mu i \rho^2}{r^3}$$



гдѣ *i* сила тока въ электромагнитныхъ единицахъ, р радіусъ кольца, *r* разстояніе его элементовъ отъ полюса р. При переходѣ отъ одного кольца къ другому смежному мѣняется въ этомъ выраженіи только величина *r*, въ зависимости отъ разстоянія между кольцами. Обыкновенно обороты проводника плотно прилегаютъ другъ къ другу, изолирующая обмотка ихъ очень тонка, и

потому вся поверхность цилиндра покрыта какъ бы сплошь кольневыми токами.

При такихъ условіяхъ электромагнитное дъйствіе и колець на протяженіи единицы длины спирали эквивалентно дъйствію одного кольца шириною въ единицу длины и съ силою тока въ ni единицъ: дъйствіе же неизмъримо короткаго элемента спирали, длиною въ д единицъ; эквивалентно дъйствію кольца такой же ширины, и съ силой тока niz единицъ, т. е. равно

$$\frac{2\pi\mu i.n\alpha.
ho^2}{r^3}$$
 is the second contract of r^3 is the second of the second contract of r^3 is the second contract

Если точки последовательныхъ элементарныхъ колецъ спирали

$$a_1, a_2, \ldots, a_m$$

удалены отъ полюса и на соотвътственныя разстоянія

$$r_1, r_2, \ldots, r_m$$

то общая равнодъйствующая силь всъхъ элементарныхъ колецъ равна

$$R=2\pi\mu i.n\left\{\frac{\alpha_{1}\rho^{2}}{r_{1}^{3}}+\frac{\alpha_{2}\rho^{2}}{r_{2}^{3}}+\ldots+\frac{\alpha_{m}\rho^{2}}{r_{m}^{3}}\right\}.$$

Изъ построенія (фиг. 35) видно, что

$$\frac{\rho}{r}$$
=Sin φ ,

гдъ ф уголъ, образуемый соотвътственнымъ г съ осью спирали. Поэтому

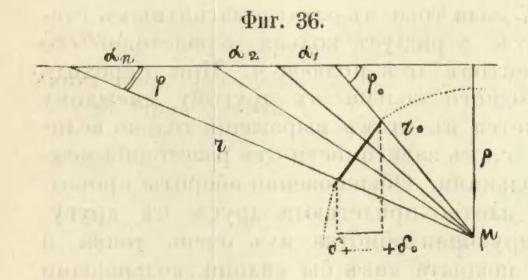
$$\frac{\alpha \rho^2}{r^3} = \frac{\alpha \operatorname{Sin} \varphi}{r} \operatorname{Sin} \varphi;$$

HO

$$\alpha.Sin\varphi = \beta$$

т. е. дугъ, описанной радіусомъ *r* около полюса д при поворотъ *r* отъ одного конца элемента а до другого. Затъмъ

$$\frac{\alpha \sin \varphi}{r} = \frac{\beta}{r} = \gamma$$



т. е. соотвътственной дугъ, описанной радіусомъ равнымъ единицъ. Наконецъ

$$\frac{a.\sin\varphi}{r}.\sin\varphi = \gamma.\sin\varphi = \delta$$

проекціи дуги у на ось спирали. На этомъ основаніи искомая равнодъйствующая равна

$$R=2\pi\mu in \left\{\delta_1+\delta_2+\ldots+\delta_m\right\};$$

а это, какъ видно изъ того же построенія, (фиг. 36) равно

$$R=2\pi\mu in \left\{ Cos\phi-Cos\phi_0
ight\}$$

гдъ φ и φ_0 углы, образуемые прямыми r и r_0 , идущими отъ полюса къ крайнимъ кольцамъ спирали. Это и есть общее выражение для электро-

магнитной силы спирали на полюсъ на ея оси. Частныя величины этого выраженія, соотвътствующія извъстнымъ мъстоположеніямъ полюса на оси, опредъляются тъмъ-же построеніемъ. Такъ, если полюсъ на одномъ концѣ спирали, то r_0 совпадаэтъ съ ρ , и проекція δ_1 начинается непосредственно у полюса и; тогда

$$R=2\pi i\mu n. Cos\varphi.$$

И дъйствительно въ этомъ случав

$$\varphi_0 = 90 \text{ n } \cos \varphi_0 = 0.$$

Если полюсъ внутри спирали, напримъръ на срединъ ея, то на него действують какь бы две спирали по обе стороны и потому вся сила равна

$$R=2\pi\mu in(Cos\varphi+Cos\varphi)$$

гдъ углы имъютъ, разумъется, иную, нъсколько большую величину. Въ этомъ случав $\varphi_0 = 180 - \varphi$ и потому $\cos \varphi_0 = -\cos \varphi$.

Наконецъ, если спираль очень длинна, то сумма проекцій б займетъ оба единичныхъ радіуса, а потому

$$R=2\pi\mu in.(1+1)=4\pi\mu in.$$

И дъйствительно тогда уголь $\varphi = 0$, а уголь $\varphi_0 = 180^{\circ}$ и потому

$$\cos \varphi - \cos \varphi_0 = 1 - (-1) = 2.$$

Тотъ же способъ вычисленія силы примънимъ, разумъется, и во всьхъ случаяхъ, когда элементарныя дъйствія выражаются сходными выраженіями. Такъ напримъръ, по основному закону электромагнитизма дъйствіе элемента тока и на полюсь, выражается формулою

$$f = \frac{\mu i \alpha}{r^2} \mathrm{Sin} \varphi$$

гдъ ф уголъ между г и а. Потому дъйствіе прямолинейнаго проводника на полюсъ равно суммъ дъйствій элементовъ, т. е. будетъ (фиг. 36)

$$R = \mu i \left(\frac{\alpha_1}{r^2} \sin \varphi_1 + \frac{\alpha_2}{r^2} \sin \varphi_2 + \dots \right)$$

Здёсь какъ и въ предыдущемъ примъръ

$$\frac{a\mathrm{Sin}\varphi}{r} = \frac{\beta}{r} = \gamma.$$

$$r = \frac{\rho}{\sin \varphi}$$

гдъ р перпендикулярное разстояние полюса отъ прямаго проводника. По этому

$$\frac{\alpha \operatorname{Sin} \varphi}{r^2} = \frac{\gamma}{r} = \frac{\gamma}{\rho} \operatorname{Sin} \varphi = \frac{\delta}{\rho}$$

и следовательно:

$$R = \frac{\mu i}{\rho} (\delta_1 + \delta_2 + \dots + \delta_n)$$

Отсюда, какъ и прежде

$$\mathbf{R} = \frac{\mu i}{\rho} (\mathbf{Cos} \varphi_n - \mathbf{Cos} \varphi_0).$$

Въ случат безконечнаго проводника получимъ извъстное выражение

He can be white the acquernment
$$\frac{2\mu i}{\kappa}$$
 some horizon and $\frac{2\mu i}{\kappa}$ some in the acquernment with

Такимъ же образомъ вычисляется дъйствіе прямаго тока на элементъ тока dl по основной электродинамической формулъ Грассмана

$$f = \frac{idl.i_1dl_1}{r^2} Sin(l_1r). Cos\psi$$

гдъ ψ уголъ, образуемый dl_1 съ плоскостью (r_1l) .

П. Фанъ-деръ-Флитъ (Спб.)

БЕСЪДЫ ИЗЪ ОБЛАСТИ МАГНИТИЗМА.

vertical a tile i granter of the second and the sec

VI. Какъ измъняется магнитность отъ сжатія и растяженія бруска?

Изъ прежнихъ бесъдъ мы видъли, что молекулярные магниты подъ вліяніемъ намагничивающей силы повертываются въ кускъ желъза такъ, сто стремятся принять параллельное другъ другу направленіе. Въ различныхъ тълахъ однако это стремленіе далеко не къ одинаковымъ приводитъ результатамъ. Такъ напр. въ стали они далеко не такъ параллельны, какъ въ желъзъ, если только намагничивающая сила была одна и та же; что конечно зависитъ отъ сопротивленія, оказываемаго средою, и называемаго задерживительной силой.

Что же будетъ, если это сопротивленіе уменьшить, напр. данный брусокъ растянуть?—Тогда, конечно, молекулярные магниты подъ вліяніємъ той же намагничивающей силы будутъ ближе къ параллельности между собою, и магнитизмъ тъла будетъ сильнъе. Магнитностъ тъла такимъ

образомъ отъ растяженія увеличится.

Само собою понятно, что если массу сжать, то вслъдстве увеличенія сопротивленія вращенію молекуль и магнигность станеть меньше. Можно сжать напр. жельзо такъ сильно, что повернуть молекулярные магниты никакая сила не будеть въ состояніи и жельзо, —какъ это не порадоксально, —не можеть быть намагничено. Опыты эти были на самомъ дълъ произведены. Отсюда слъдуеть, что жельзо, находящееся глубоко въ землъ, магнитнымъ быть не можеть, —результать, ръшающій судьбу той гипотезы, по которой земной магнитизмъ зависить отъ массы жельза, находящагося въ землъ.

Но не всегда будетъ такъ, какъ мы сказали выше. Въ самомъ дѣлѣ, если сопротивленіе въ массъ было уже вначалѣ мало, то растяженіе бруска не можетъ больше повысить магнитности, а наоборотъ, уменьшитъ ее еще, такъ какъ взаимодѣйствіе между молекулярными магнитами при этомъ ослабляется.

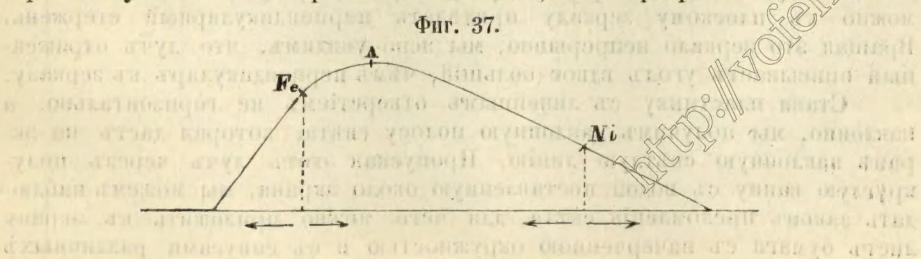
Такія тъла, въ которыхъ сказанное сопротивленіе мало, дъйствительно существують, напр. никкель. Найдено, что онъ обладаеть большимъ магнитизмомъ, чъмъ жельзо при прочихъ одинаковыхъ обстоятельствахъ, если только брать для намагничиванія слабыя силы. При большихъ силахъ магнитизмъ его приблизительно втрое слабъе жельза.

Итакъ, если мы будемъ растягивать никкель, то магнитность его должна уменьшиться. Опыты подтвердили это предположеніе.

Сжимая теперь такое тёло, какъ никкель, мы его магнитныя свойства будемъ приближать къ свойствамъ желёза, такъ какъ сопротивленіе при этомъ будетъ увеличиваться, точно также какъ и взаимодёйствіе молекулярныхъ магнитовъ, и магнитность никкеля должна при сжатіи увеличиваться. Опыты подтвердили и это предположеніе.

Дальнъйшее сжатіе никкеля уменьшило бы его магнитность, такъ какъ сопротивление взяло бы верхъ надъ взаимодъйствиемъ, какъ это и замъчается въ жельзъ. Слъдовательно, магнитность никкеля при нъкоторомъ сжатіи, прежде чёмъ уменьшится, достигла бы maximum'a. Такихъ опытовъ (съ сильными давленіями) произведено еще не было. Но мы можемъ повърить это слъдствіе нашихъ разсужденій другимъ путемъ. Въ самомъ дълъ, если желъзо при растяжении обладаетъ все большей и большей магнитностью, то наконецъ долженъ наступить такой моментъ, когда уменьшение тренія не будеть играть роли въ увеличеніи магнитности, а напротивъ, уменьшение "взаимодъйствия" вызоветъ уменьшение магнитности; въ этомъ случав магнитность желвза будеть максимальная, послъ чего съ увеличеніемъ растяженія магнитность будеть уменьшаться, какъ и у никкеля. Произведенные въ этомъ смыслъ опыты подтвердили это предположение: магнитность жельза достигла maximum'a при извъстномъ растягивающемъ грузъ и съ дальнъйшимъ растяженіемъ уменьшилась. по аменичалировациями адмауда атердуй перстор обита осупация

Полученные результаты представлены на приложенной фигурт графически; при этомъ ординаты означаютъ величину магнитности (при средней намагничивающей силт), а ось абсциссъ представляетъ собою вправо отъ ординаты каждаго элемемента (Fe и Ni) растягивающую силу, а А показываетъ тахітит магнитности или равновъсіе между магнитности или равновъсіе между магнитности взаимодъйствіемъ молекулъ и сопротивленіемъ внутри массы, которое получается либо при сжатіи никкеля, либо при растяженій жельза.



Изъ приложенной фигуры (фиг. 37) видно, что никкель съ магнитной точки зрвнія нужно разсматривать какъ сильно растянутое жельзо, а жельзо, какъ сильно сжатый никкель. Явленія сильно сжатаго никкеля будуть, следовательно, и явленіями (по крайней мере съ качественной стороны) обыкновеннаго железа, а явленія сильно растянутаго железа будуть въ то же время напоминать и явленія обыкновеннаго никкеля.

На сколько въренъ такой взглядъ, покужутъ послъдующія бесъды.
П. Бахметьевь (Цюрихъ).

къ синтезу спектра.

Toss or brought to some the arms with a sure good to some agence blowned !-

Для демонстрированія оптическихъ явленій употребляется лучъ свъта, выходящій изъ круглаго отверстія электрическаго фонаря или солнечный лучъ, направляемый геліостатомъ. Этотъ лучъ можно заставить отражаться отъ плоскаго зеркала, преломляться, проходить черезъ призму. Если сдълать круглое отверстіе большаго размъра, то, пропуская такой пучекъ черезъ оптическія стекла, направляя его на сферическія зеркала, можно демонстрировать явленія свъта въ стеклахъ и зеркалахъ. Недостатокъ этого способа состоить въ томъ, что здъсь не виденъ непосредственно ходъ лучей; мы можемъ наблюдать пересъченіе пучка свъта съ матовымъ стекломъ, что не можетъ быть, однако, показано за-разъ боль-

шой аудиторіи.

Нъсколько лътъ тому назадъ г. Розенбергу пришла счастливая мысль заставить лучъ свъта оставлять свой следъ на экранъ. Для этой цъли онъ пропускаетъ свътъ отъ лампы или волшебнаго фонаря черезъ узкое линейное отверстіе, щель. Если эта щель горизонтальна, то мы будемъ имъть горизонтальную полосу (ленту) свъта. Поставимъ экранъ такъ, чтобы уголъ, составляемый направленіемъ этой полосъ съ плоскостью экрана быль бы небольшой (иными словами, чтобы уголь паденія пучка быль близокъ къ 90°). Тогда мы получимъ на экранъ свътлую горизонтальную линію которая будеть служить намъ изображеніемъ падающаго луча. Если мы эту линію пересвчемъ плоскимъ зеркаломъ, обращеннымъ полированной стороной къ источнику свъта, то не трудно видъть, что та полоса (лента) свъта, о которой шла ръчь, отразится отъ этого зеркала и мы получимъ отраженную полосу, которая, пересъкаясь экраномъ, дастъ на немъ другую свътлую линію-лучъ отраженный. Давая плоскому зеркалу различныя положенія, мы всегда будемъ наблюдать, что уголь паденія равень углу отраженія, при чемь для ясности можно къ плоскому зеркалу придълать перпендикулярный стержень. Вращая это зеркало непрерывно, мы ясно увидимъ, что дучъ отраженный описываеть уголь вдвое большій, чемь перпендикулярь къ зеркалу.

Ставя пластинку съ линейнымъ отверстіемъ не торизонтально, а наклонно, мы получимъ наклонную полосу свъта, которая дастъ на экранъ наклонную свътлую линію. Пропуская этотъ лучъ черезъ полукруглую ванну съ водой, поставленную около экрана, мы можемъ наблюдать законъ преломденія свъта, для чего можно приложить къ экрану дистъ бумаги съ начерченною окружностью и съ синусами различныхъ

угловъ паденія и преломленія. Для полученія различныхъ угловъ паденія надо, понятно, измѣнять наклонъ линейнаго отверстія (щели), черезъ которое проходитъ свѣтъ. Если мы, наконецъ, пропустимъ этотъ лучъ черезъ призму, то на экранѣ ясно изобразится лучъ преломленный; вращая призму около оси, параллельной преломляющему ребру, легко можно наблюдать измѣненіе отклоненія луча призмою и тіпітит этого отклоненія.

Для того чтобы наблюдать свътовыя явленія, представляемыя сферическими зеркалами и оптическими стеклами, надо взять пластинку не съ одной щелью, а съ нъсколькими параллельными щелями. Для ясности хода лучей свъта, можно взять стекляную пластинку, покрытую фольгой, въ которой выръзано нъсколько параллельныхъ линій, окрашенныхъ въ разные цвъта. Тогда мы на экранъ, поставленномъ вышеупомянутымъ образомъ, получимъ нъсколько параллельныхъ лучей, если угодно, различнаго цвъта. Возьмемъ затъмъ цилиндрическое зеркало, у котораго отшлифована внутренняя поверхность, приложимъ его къ экрану, обративъ его шлифованную поверхность къ источнику свъта. Понятно, что это цилиндрическое зеркало при нашемъ расположении опыта будетъ играть роль вогнутаго зеркала и наши лучи, отразившись отъ его поверхности, соберутся въ одну точку и разойдутся далже, оставивъ свой слъдъ на экранъ. Если мы наклонимъ ось этого зеркала къ падающимъ лучамъ, то получимъ на экранъ каустическую кривую. Шлифуя наружную поверхность цилиндрического зеркала, будеть имъть выпуклое зеркало, которое вмъсто параллельнаго падающаго пучка лучей дастъ на экранъ расходящійся пучекъ отраженныхъ лучей.

Чтобы изучить явленія въ оптическихъ стеклахъ, приготовляютъ изъ стекла такіе сосуды, у которыхъ двѣ стѣнки имѣютъ цилиндрическую форму, а двѣ другія—плоскія. Сосудъ наполняютъ водой или другой прозрачной жидкостью и такимъ образомъ мы будемъ имѣть выпуклыя и вогнутыя стекла. Приставляя ихъ къ экрану съ лучами, увидимъ дѣй-

ствіе этихъ стеколъ на параллельный пучекъ лучей.

Имъя достаточно сильный источникъ свъта, мы можемъ комбинировать наши приборы такъ, чтобы изслъдовать изображенія точки въ
зеркаль или стекль. Такъ напр., принявъ пучекъ лучей на двояковыпуклую чечевицу, получимъ точку. Поставивъ на пути лучей, выходящихъ
изъ этой точки, вогнутое зеркало, такъ чтобы эта точка лежала за его
центромъ, получимъ ея сопряженный фокусъ. Приложивъ къ экрану листъ
бумаги, мы можемъ начертить на немъ лучи и повърить законы разстояній сопряженныхъ фокусовъ отъ зеркала.

Я позволиль себь распространиться объ этихъ опытахъ болье подробно цотому, что на страницахъ "Въстника" они еще не были описаны.

Скажу еще нѣсколько словъ объ источникѣ свѣта для этихъ опытовъ. Фирма О. Рихтеръ въ Петербургѣ употребляетъ сильныя керосиновыя лампы съ черными стеклами, надъ которыми ставитъ щели, такъ что пучки свѣта, о которыхъ я говорилъ, выходятъ вертикальными. Но экранѣ укрѣпляются различныя приборы опыта г. Розенберга, такъ что на немъ заразъ можно видѣть и отраженіе, и преломленіе свѣта, и собираніе лучей вогнутыми зеркалами и выпуклыми стеклами, и прохожденіе свѣта черезъ призму.

На электрическій фонарь можно надавать крышку, въ дна которой

сдълано одно или нъсколько параллельныхъ отверстій. Такой же пріємъ рекомендуется и для волшебнаго фонаря съ керосиновою лампою. Однако въ этомъ случать съ трудомъ получается ясное изображеніе лучей на экранть. Я приготовиль деревянную дощечку съ круглымъ отверстіемъ, въ которое вставляю стекляные кружки, покрытые фольгой съ выртванными въ ней параллельными линіями. Эту дощечку я вставляю въ то мъсто, куда обыкновенно ставятъ картины. На экранть получается отчетливое изображеніе лучей и опыты г. Розенберга удаются вполнть удовлетворительно.

Въ нынѣшнемъ году, когда я показывалъ опыты г. Розенберга своимъ ученикамъ, мнѣ пришла въ голову мысль воспользоваться этимъ пріемомъ для того, чтобы показать синтезъ спектра. Моя попытка мнѣ удалась, и я позволю себѣ подѣлиться этимъ съ моими коллегами.

Я вставиль въ фонарь горизонтальную щель; полученную горизонтальную полосу (ленту) свъта я приняль на призму, которой преломляющее ребро было тоже горизонтально. Поставивь вертикальный экрань такъ, чтобы уголь паденія пучка на него быль близокь къ 90°, я получиль спектръ, котораго цвътныя полосы были горизонтальны и занимали всю ширину экрана т. е. примърно въ 1 аршинъ. Длина спектра, т. е. разстояніе отъ краснаго конца до фіолетоваго, была при мърно 2,5 вершка. Приставивъ къ экрану на срединъ этого спектра вогнутое цилиндрическое зеркало или двояковыпуклую чечевицу изъ коллекціи г. Резенберга, я собраль эти лучи въ одну точку. Эта точка оказалась бълаго цвъта. Лучи, пересъкшись въ этой точкъ, шли дальше по экрану окрашенными.

Можно щель и призму поставить вертикально, тогда экранъ придется помъстить почти горизонтально съ малымъ наклономъ къ источнику свъта. Вертикально поставленное цилиндрическое зеркало соберетъ луги спектра въ одну бълую точку.

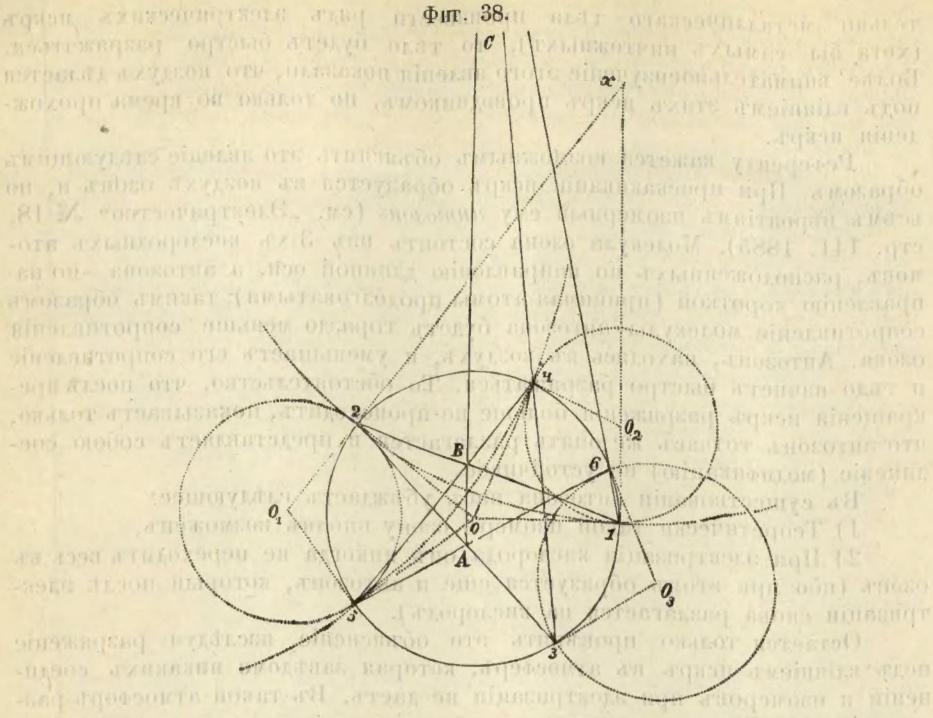
Опыть этоть отличается тою же наглядностью, какъ и другіе опыты, описанные мною выше.

H. Нечаевъ (Казань).

О ПАСКАЛЕВОМЪ ШЕСТИУГОЛНИКЪ.

Предлагаю еще одно доказательство свойства шестиугольника Паскаля, заимствованное мною изъ сочиненія *М. Баранецкаго*: "Początkowy wykład syntetyczny własności przecięć stożkowych. 1885"

Положимъ въ окружность О вписанъ шестиугольникъ 123456. Противоположныя его стороны пересъкаются въ точкахъ А, В и С фиг. 38). Проведемъ двъ касательныя къ окр. О въ точкахъ 2 и 5, тогда О₁ будетъ центромъ окружности, пересъкающей окр. О подъ прямымъ угломъ въ точкахъ 2 и 5. Равнымъ образомъ окружность О₂ и О₃ будутъ пересъкать окр. О подъ прямыми углами въ точкахъ 4. 1 и 6, 3. Если продолжимъ касательныя О₁2 и О₂1 до пересъченія въ Х, то Х будетъ центромъ окружности, касательной къ О₂ внутри и къ О₁—внѣшне, а слъд. на линіи 1,2 долженъ быть внутренній центръ подобія круговъ О₁ и О₂. (См. "Въстникъ" № 28 стр. 84. Теор. ІХ слъд.) Такъ-же можно построить



окружность X_1 , касательную къ кругамъ O_1 и O_2 въ точкахъ 4 и 5, слъд. на линіи 4,5 будетъ лежать внутренній центръ подобія круговъ O_1 и O_2 , т. е. онъ будетъ въ В. Такимъ же образомъ можно доказать, что внутренній центръ подобія круговъ O_1 и O_3 будутъ въ А и внѣшній центръ подобія круговъ O_2 м O_3 будетъ въ С, слъд. на основаніи извъстной теоремы, что прямая, соединяющая два центра подобія трехъ круговъ, проходитъ черезъ третій центръ подобія, (См. "Въстникъ" № 28 стр. 84 Теор. ІХ) заключаемъ, что точки А, В и С будутъ лежать на одной прямой, что и слъдовало доказать.

потивной знаго из дережници выправници (Барнауль).

НАУЧНАЯ ХРОНИКА.

rections are receptuationines in the purpose and a constitution and an area of the constitution of the con

Дъйствіе электрическихъ искръ на разраженіе наэлектризованныхъ тълъ. Наккари. (Naccari. Atti R. Ac. Sc. di Toring. 24. p. 195. 1889).

Едва усивли появиться изследованія Герца надъ вліяніемъ ультрафіолетовыхъ лучей на разряженіе наэлектризованныхъ тель, какъ явленіе это подвергнулось изследованію многихъ физиковъ (изъ русскихъ: Стольтовъ и Боріманъ). Автору удалось чисто случайно открыть при этомъ еще одно новое явленіе.

Если вблизи (2 цм.) наэлектризованнаго положительно или отрица-

тельно металлическаго тёла произвести рядъ электрическихъ искръ (хотя бы самыхъ ничтожныхъ), то тёло будетъ быстро разряжаться. Болѣе внимательноеизучение этого явления показало, что воздухъ дѣлается подъ вліяніемъ этихъ искръ проводникомъ, но только во время прохожденія искръ.

Референту кажется возможнымъ объяснить это явленіе слѣдующимъ образомъ. При проскакиваніи искръ образуется въ воздухѣ озонъ и, по всѣмъ вѣроятіямъ изомерный ему антозонъ (см. "Электричество" № 18, стр. 141. 1885). Молекула озона состоитъ изъ 3-хъ кислородныхъ атомовъ, расположенныхъ по направленію длинной оси, а антозона—по направленію короткой (принимая атомы продолговатыми); такимъ образомъ сопротивленіе молекулы антозона будетъ гораздо меньше сопротивленія озона. Антозонъ, находясь въ воздухѣ, и уменьшаетъ его сопротивленіе и тѣло начнетъ быстро разряжаться. То обстоятельство, что послѣ прекращенія искръ разряженія больше не происходитъ, показываетъ только, что антозонъ тотчасъ же опять разлагается и представляетъ собою соединеніе (модификацію) не устойчивое.

Въ существованіи антозона насъ убъждаеть слъдующее:
1) Теоретически такой изомеръ озону вполнъ возможенъ.

2) При электризаціи кислорода онъ никогда не переходить весь въ озонъ (ибо при этомъ образуется еще и антозонъ, который послъ элек-

тризаціи снова разлагается на кислородъ).

Остается только провърить это объясненіе, изслъдуя разряженіе подъ вліяніемъ искръ въ атмосферъ, которая завъдомо никакихъ соединеній и изомеровъ при электризаціи не даетъ. Въ такой атмосфоръ разряженія происходить не должно.

ряженія происходить не должно.
Воть одна изъ благодарныхъ темъ, которую очень легко ръшить во всякомъ физическомъ кабинетъ.

Воть одна изъ благодарныхъ темъ, которую очень легко ръшить во всякомъ физическомъ кабинетъ.

♦ Свѣченіе падающихъ звѣздъ. Минари. (Е. Minary. С. R. 108.
 р. 340. 1889).
 Авторъ задаетъ вопросъ: можно ли допустить, что свѣченіе падаю-

Авторъ задаетъ вопросъ: можно ли допустить, что свъченіе падающихъ звъздъ происходитъ вслъдствіе превращенія движенія въ теплоту? и отвъчаетъ, что если подумать, что газы представляютъ собою вполнъ упругія тъла и что они находятся въ верхнихъ слояхъ атмосферы въ состояніи крайняго разръженія, то нельзя понять образованія теплоты вслъдствіе удара тълъ, входящихъ въ нашу атмосферу съ очень большой скоростью и встръчающихъ вполнъ упругія воздушныя молекулы. Эти молекулы въ состояніи принять движеніе и скорость этихъ тълъ, что было бы сообщеніемъ движенія, а не его потерей, такъ какъ, что потеряетъ тъло, то сообщается молекуламъ воздуха. Такимъ образомъ все количество движенія находится въ обоихъ тълахъ и поэтому не можетъ произойти превращенія движенія въ теплоту. Если бы произошло такое превращеніе, то движеніе этихъ тълъ на ихъ пути было бы замедленнымъ и свъченіе было бы все сильнъе и сильнъе; наблюденіе же показываетъ только свътовую молнію и довольно равномърное движеніе по крайней мъръ для всъхъ тъхъ, которыя несгараемъ.

^{*)} См. стат. проф. Шведова,: "Нагрѣваніе метеоритовъ при ихъ паденіи на землю" въ Ж. Р. Ф.-Х. Общ. 1884 г., вып. 9, стр. 555. См. также замѣтку о свѣченіи аэролитовъ въ № 30 "Вѣстника" III с. 137 стр.

Тамъ же Корню высказаваеть по поводу этихъ взглядовъ слъдующія замъчанія: свъченіе можеть происходить, если не принимать нужнаго повышенія температуры, вслъдствіе образованія или разряженія статическаго электричества. Такое допущеніе было бы впрочемъ въ согласіи съ спектральными изслъдованіями падающихъ звъздъ и поддерживало бы мнъніе тъхъ физиковъ и астрономовъ, которые склонны разсматривать извъстное число космическихъ явленій, какъ электрическія (съверное сіяніе, зодіакальный свътъ, кометы, солнечные протуберанцы и т. д.), похожія на тъ, которыя наблюдаются въ разръженныхъ газахъ.

Exm.

♦ Вертикальныя движенія атмосферы.

Въ № 59 "Въстника" (стр. 250) были сообщены наблюденія Андре надъ вертикальными движеніями атмосферы, произведенныя имъ въ Ліонъ въ 3 хъ лежащихъ одна надъ другой станціяхъ. Эти наблюденія онъ собственно сравниваль съ воздушными давленіями, вычисленными на основаніи разности температуръ. Въ январьской книжкъ "Meteor. Zeitschr." Ганнъ (Напп) дълаетъ замъчаніе, что заключенія Андре не върны. Наши измъренія температуры воздуха обладаютъ свойствомъ днемъ быть выше на самомъ дълъ существующей, а ночью много ниже. Если же вычислить высоту барометра, беря для этого слишкомъ низкую температуру по отношенію къ дъйствительной, то для верхнихъ слоевъ эта высота получится меньше дъйствительной, и наоборотъ. Это обстоятельство объясняетъ результаты, полученные Андре, а не вертикальное движеніе атмосферы, которое физически не мыслимо.

Бхм.

♦ Электрохимическое бъленіе. Клинкзикъ. (Klincksieck. Elektrot. Zeitsch. 10. p. 94. 1889).

Авторъ сообщаетъ способъ *Hermite*'а, состоящій въ краткихъ чертахъ въ слъдующемъ:

Если пропускать электрическій токъ сквозь растворъ, содержащій 50/0 хлористаго магнія и 950/0 воды, то оба вещества разлагаются одновременно. Хлоръ и кислородъ соединяются на положительномъ электродъ и образуютъ нестойкое хлористо-кислородное соединеніе, обладающее очень сильнымъ бълильнымъ свойствомъ. Водородъ же и магній идутъ къ отрицательному электроду, гдъ и образуется окись магнія, а водородъ дълается свободнымъ. Если въ такую ванну помъстить растительную ткань, то кислородъ соединяется съ красящимъ веществомъ и окисляетъ его; хлоръ же соединяется съ водородомъ и образуетъ соляную кислоту, которая въ свою очередь соединяется съ находящейся въ ваннъ окисью магнія и образуетъ снова хлористый магній. Такимъ образомъ здъсь ничего не требуется, кромъ тока. Этотъ способъ уже введенъ на многихъ бумажныхъ фабрикахъ.

ф Фосфорическій свѣтъ на ночной сторонъ Венеры. Списсенъ. (Von-Spiessen. "Sirius." 22. р. 90. 1889).

На стр. этого журнала уже было реферировано (IV см. стр. 111) о фосфоричности Венеры. Въ послъднее время это явленіе наблюдалось и авторомъ. По этому поводу онъ пишетъ:

"Какъ вчера (15 марта 1889 года), такъ и сегодня можно было безъ труда видъть въ фосфорическомъ блескъ ночную сторону Венеры. Вчера ее было видно отъ $5^{1}/_{2}$ до $8^{1}/_{2}$ часовъ, а сегодня уже съ 5 часовъ Это явленіе продолжится еще нъкоторое время. Exm.

По поводу изложенія закона параллелограмма силъ въ нашихъ учебникахъ физики.

Между тъмъ какъ различныя частныя положенія и теоремы изъ механики твердыхъ тълъ, жидкостей и газовъ въ курсахъ физики всегда сопровождаются доказательствами, путемъ ли опыта, или путемъ вывода, а иногда и обонми методами вмъстъ, основной законъ механики—заковъ паралеллограмма силъ въ этомъ отношеніи представляетъ ръзко выдающееся исключеніе. Если напримъръ изучающій физику, пока не усомнившійся еще въ томъ, что все предлагаемое ему въ книгъ будетъ доказано, приступаетъ къ закону параллелограмма силъ по учебнику г. Краевича, то вмъсто доказательства находитъ: "всъ извъстные доказательства, какъ теоретическія такъ и основанные на опытъ предложенной истины не довольно точны". Не удовлетворятъ изучающаго и другіе авторы: г. Малининъ приводитъ законъ безъ всякаго доказательства, г. Полкотыцкій говоритъ: "точныя измъренія (?) показываютъ, что длина діагонали вполнъ соотвътствуетъ равнодъйствующей", г. Ковалевскій, сообщая, что законъ можетъ быть доказанъ теоретически и оправдывается многими опытами, тъмъ не менъе теоретическаго доказательства не приводитъ.

Очевидно, что всѣ такіе способы аргументаціи оставляють въ умѣ изучающаго пробѣль, тѣмъ болѣе нежелательный, что онъ встрѣчается въ самомъ началѣ изученія точной науки. Чѣмъ же объяснить, что одна изъ основныхъ теоремъ механики ускользаеть отъ доказательства, вопреки общему факту, что чѣмъ положеніе науки ближе къ ея основнымъ положеніямъ и принципамъ, тѣмъ общнѣе, проще и легче доказывается.

До послѣдняго времени господствуетъ методъ изложенія, выработанный французскими механиками, слѣдуя которому, начинали механику статикою. Raison d'être такого порядка изложенія находили въ томъ, что случаи равновѣсія проще случаевъ движенія, такъ какъ при разсмотрѣніи первыхъ не входятъ понятія массы, скорости, траэкторіи и т. д. Но между тѣмъ какъ дальнѣйшіе отдѣлы механики геніемъ французскихъ ученыхъ были доведены до высокихъ степеней изящества, основная теорема – парадлелограмъ силъ—все таки не подчинилась доказательству, свободному отъ искусственности. Вспомнимъ, какъ длины и искусственны статическія доказательства Поансо, Штурма, Дюгамеля, какъ ими нельзя доказать теоремы, пока къ разсматриваемой матеріяльной точкѣ не приложимъ цѣлой системы несгибаемыхъ и на растяжимыхъ стержней.

Если доказательство основной теоремы, одной изъ первыхъ въ теоріи, страдаетъ искусственностію, не слѣдуетъ ли заключить отсюда, что сама теорія идетъ не самымъ соотвѣтствующимъ ей методомъ. И, дѣйствительно, механика есть наука о сплахъ; сила является въ двухъ видахъ: 1) какъ сила уравновѣшенная, давящая, 2) какъ спла двигающая, работающая. Только второй случай, очевидно, обнаруживаетъ сплу вполнѣ со всѣми ея отношеніями; только по дѣйствіямъ, проявленіямъ силъ, т. е. по движенію, мы можемъ измѣрять силы и выводить ихъ простѣйшія свойства. Этимъ и должно объяснить, что французы при всей склонности ихъ къ простотъ, ясности и изяществу, не смогли дать простого и безисскуственнаго доказательства закона, выходя изъ случаевъ равновъсія, когда силы прячутся одна за другую.

Но отсюда же следуеть, что законь параллелограмма силь, какъ одинь изъ основныхъ, должень иметь простое и краткое доказательство, если только излагать механику боле натуральнымъ методомъ, начиная изложение съ движения, съ кинематики и динамики, съ техъ случаевъ, где сила проявляется вполне. И действительно, во всёхъ механикахъ, начинающихся, следуя примеру великаго учителя Ньютона въ его Principia, съ разсмотрения движения и силъ, мы находимъ простое и прямое доказательство разсматриваемой теоремы. При изложение физики ученикамъ VI-го класса гимназій неть возможности останавливаться долго на вопросахъ о движении. Хотя недостаточность упражненій въ кинематике и затрудняетъ изложеніе доказательства закона, однимъ изъ главныхъ основаній котораго служать кинематическіе факты, но смею думать, что нижеприведенное доказательство теоремы параллелограмма силь не затруднить пониманія ученика VI-го класса. Следуя этому доказательству, теорема окажется следствіемъ несколькихъ положеній.

1. Кинематическій факт: параллелограмми перемищеній. Если матеріальная точка дёлаеть два переміщенія въ одно и то же время, то місто точки въ конців этого времени будеть оконечность діагонали параллелограмма, построеннаго на переміщеніяхь.

Этотъ кинематическій фактъ разъясняется на нѣсколькихъ примѣрахъ. (Напримѣръ: корабль въ теченіи 10 сек. проходитъ линію \overline{AB} , въ это время матросъ по палубѣ проходитъ путь \overline{AC} , мѣсто матроса въ концѣ времени есть точка D, конецъ діагонали параллелограмма CABD).

- 2. Опредъленіе силы, (второй законъ Ньютона). Мы называемъ двойной, тройной и т. д. силой ту, которая (выведши тёло изъ покоя) заставить его пройти двойное, тройное и т. д. разстояніе въ одно и то же время.
- 3. Слюдствіе. Силы пропорціональны переміщеніямь, которыя совершаеть подъ дійствіемь ихь одно п то же тіло въ равныя времена.
- 4. Лемма теометрическая. Если на сторонахъ угла построимъ параллелограммы, стороны которыхъ будутъ пропорціональны, то всё діагонали этихъ параллелограммовъ, чрезъ вершину угла проведенныя, будутъ лежать на одной прямой. (Эту лемму легко доказать-доказательствомъ отъ противнаго). После принятія этихъ положеній, легко доказать теорему:

Равнодъйствующая двухг силг, приложенных кг тылу вг одной точкы подг угломг, пропорціональна діагонали параллелограмма, построеннаго на линіях пропорціональных составляющим силамг, и дыйствует по направленію этой діагонали.

 A_1 A_2 A_3 A_4 B_1 B_2 B_3 B_3

Фиг. 39.

Доказательство. Пусть сила Р приложена къ точкѣ С и направлена по МА и
сила Q приложена къ точкѣ С и направлена по СВ. Пусть перемѣщенія, произведенныя силою Р, еслибы она одна только
дѣйствовала на тѣло, въ къжіе либо произвольно взятые промежутки времени t_1 , t_2 , t_3 ,
будуть соотвѣтственно СА₁, СА₂, СА₃. Пусть,
еслибы въ тѣ же самые промежутки t_1 , t_2 , t_3 ,
дѣйствовала на тѣло одна сила Q, то пере-

мѣщенія точки C отъ этой силы были бы соотвѣтственно CB₁, CB₂, CB₃. Если же

тъло будетъ двигаться при дъйствіи объихъ силь P и Q, то оно будетъ испытывать два перемъщенія въ одно и то же время и мъста точки C по истеченіи времень t_1 , t_2 , t_3 на основаніи (1) будутъ соотвътственно точки D_1 , D_2 , D_3 —оконечности діагоналей параллелограммовъ $CA_1D_1B_1$, $CA_2D_2B_2$, $CA_3D_3B_3$, построенныхъ на соотвътственныхъ перемъщеніяхъ. Стороны этихъ параллелограммовъ на осн. (3) пропорціональны силамъ, а посему пропорціональны между собою; отсюда слъдуетъ по (4), что точки D_1 , D_2 , D_3 лежатъ на одной прямой—продолженной діагонали CD_1 . И такъ какъ точка C въ нъсколько мгновеній, произвольно выбранныхъ нами, оказывается на прямой CD, то слъд. и движеніе точки будетъ совершаться по направленію этой прямой. Слъд. равнодъйствующая силь P и Q направлена по этой діагонали. Означимъ величину этой равнодъйствующей чрезъ R. На основаніи (3) имъемъ

$$P:Q:R=CA_1:CB_1:CD_1=CA_2:CB_2:CD_2$$

чъмъ и доказывается теорема.

Дидактика всякаго новаго метода представляеть особенныя затрудненія. Вызвать необходимыя поправки и замѣчанія свѣдущихъ лицъ—воть цѣль настоящей замѣтки.

Г. Флоринскій (Кіевъ).

ЗАДАЧИ.

№ 468. Предполагая т>0, доказать неравенства

$$\frac{n^{m+1}-1}{m+1} > 1^m+2^m+3^m+\ldots+(n-1)^m > \frac{(n-1)^{m+1}}{m+1}.$$

Д. Ефремовъ (Ив.-Возн.).

№ 469. Ръшить уравненія:

$$x^2 + y = 19.$$

$$x+y^2+13.$$

Я. Тепляковь (Кіевъ).

№ 470. Показать, что сторона правильнаго девятиугольника равна разности наибольшей и наименьшей изъ его діагоналей.

Н. Паатовъ (Тифлисъ).

№ 471. На сторонахъ *a*, *b*, *c* треугольника ABC взяты соотвътственно точки E, F, D такъ, что отръзки AD, BE и CF удовлетворяютъ условію:

Доказать, что прямыя AE, BF и CD пересъкаются въ одной точкъ.

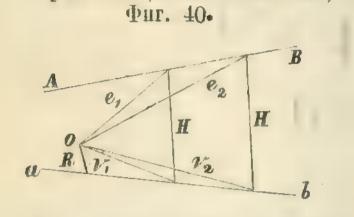
П. Свышниковъ (Троицкъ).

РЪШЕНІЯ ЗАДАЧЪ.

№ 220. Найти при помощи теодолита азимутъ направленія движущагося облака, предполагая движеніе последняго горизонтальнымъ и зная азимуть какого нибудь земного предмета.

Пусть АВ (фиг. 40) будеть путь облака, ав-проекція этого пути на горизонтъ, Наблюдатель, помъщаясь въ точкъ О и визируя одну и

Фиг. 40.



ту-же точку облака въ два различные момента, замъчаетъ на кругахъ показанія ноніусовъ, при чемъ на вертикальномъ кругъ заранъе должна быть отмъчена точка горизонта. Такимъ образомъ отчеты даютъ высоты облака h_1 и h_2 для этихъ моментовъ или углы (e_1r_1) и (e_2r_2) . Пусть R будетъ нормаль изъ О на ab; углы $E_1 = (r_1 R)$ и

 $E_2 = (r_2 R)$ будутъ искомыя величины, которыя дадутъ возможность на горизонтальномъ кругъ инструмента найти направление В. На теодолитъ мы отсчитываемъ абсолютную величину разности Е2-Е1, что даетъ первое условіе. Обозначивъ высоту облака чрезъ Н, имъемъ

$$H = r_1 \operatorname{tg} h_1 = r_2 \operatorname{tg} h_2$$

откуда, помня, что

$$r_1 = \frac{R}{\text{CosE}_1} \text{ m } r_2 = \frac{R}{\text{CosE}_2},$$

найдемъ:

$$\frac{\text{CosE}_{_{1}}}{\text{CosE}_{_{2}}} = \frac{\text{tg}h_{_{1}}}{\text{tg}h_{_{2}}}.$$

Взявъ отношеніе разности членовъ къ суммъ, легко получимъ

$$tg_2^1(E_1+E_2) = Ctg_2^1(E_2-E_1)\frac{Sin(h_1-h_2)}{Sin(h_1+h_2)}.$$

Это уравненіе, совмъстно съ вышеприведеннымъ значеніемъ Е2-Е1, даетъ возможность опредълить Е, и Е2. Такимъ образомъ мы можемъ привести ось трубы въ направление параллельное АВ, вращая горизонтальный кругь но 90°-Е, или 90°-Е, смотря потому, въ какомъ положеніи мы оставили приборъ. Замътивъ дъленіе круга и направивъ трубу на данный земной предметь, мы найдемъ азимуть АВ.

NB. На эту задачу не было прислано ни одного удовлетворительного ръшенія. Ирим. ред.

№ 237. Разложить на два множителя выражение -1. Данное выражение можно представить въ такомъ видъ:

$$x^{n}+1+x^{n/2}$$
 $2x^{n/2}-x^{n/2}$ $2x^{n/2}+$

$$+2x^{n/2}-2x^{n/2}+\sqrt{2x^{n/2}}-\sqrt{2x^{n/2}},$$

а это уже напишемъ такъ:

$$x^{n}+1=\left(x^{n}+x^{n/2}\right)^{-\frac{n}{2}}\left(2x^{n/2}+x^{n/2}\right)$$

$$-\left(x^{n/2}\right)^{-\frac{n}{2}}\left(2x^{n/2}+2x^{n/2}+1\right)^{-\frac{n}{2}}\left(2x^{n/2}+1\right)$$

$$+\left(x^{n/2}+1\right)^{-\frac{n}{2}}\left(2x^{n/2}+1\right),$$

ИЛИ

$$x^{n}+1=x^{n/2}(x^{n/2}+1)-1\sqrt{2x^{n/2}(x^{n/2}+1)}+1+(x^{n/2}+1)-1\sqrt{2x^{n/2}(x^{n/2}+1)}+1$$

Отсюда

$$x^{n}+1=\left(x^{n/2}+1\right)\left(x^{n/2}+1\right)\left(x^{n/2}-1\right)\left(x^{n/2}+1\right).$$

С. Блажко (Москва), М. Долговъ 2-й (Ворон.), Ученики: 1-й Кіев. г. (8) В. В., Вят. р. уч. (7) И. И., Тифл. р. уч. (7) Н. И., Ворон. к. к. (6) Н. В.

№ 272. Найти отношеніе сторонь треугольника, углы котораго пропорціональны числамъ 3:4:3.

Углы этого треугольника будутъ

а потому отношение сторонъ есть:

NLN

$$\frac{1}{2}\sqrt{2}$$
: $\frac{1}{2}\sqrt{3}$: $\left(\frac{1}{2}\sqrt{2}\cdot\frac{1}{2}\sqrt{3}+\frac{1}{2}\sqrt{2}\cdot\frac{1}{2}\right)$,

что даетъ

2:
$$\sqrt{6}$$
: $(1+\sqrt{3})$.

И. Ивановскій (Ворон.), Н. Артемьев (Спб.), С. Блайска (Москва). Ученики: Вор. к. к (7) А. П., Плоцк. г. (6) И. В., Перм. г. (6) А. И., Т.-Х.-Ш. р. уч. (5) С. Х., Оренб. г. (8) А. П., Вятск. р. уч. (7) Н. П., Троицкой г. (?) В. С., Кишин. р. уч. (7) Д. Л., 1-й Кіевск. г. (8) В. Б., Кам.-Под. г. (7) А. Р., Екатериносл. г. (8) І. М.

№ 292. Въ 1884 г. на испытаніяхъ зрълости въ Харьковскомъ учебномъ округъ была предложена слъдующая задача по ариометикъ: "На кирпичномъ заводъ 20 работниковъ въ 18 дней, работая въ день

часовъ, приготовили 14400 кирпичей. Сколько могутъ приготовить 16 работниковъ въ 20 дней, если продолжительность рабочаго дня увеличивается на $20^{\circ}/_{\circ}$ и если рабочая сила вторыхъ работниковъ относится къ рабочей силъ первыхъ, какъ дробь

относится къ $\frac{11}{24}$? "

Какое изъ данныхъ чиселъ можеть быть опущенно въ условіи этой задачи, безъ всякаго вліянія на ея отвѣтъ?

Можетъ быть опущенно въ данной задачт числовое значеніе, опредъляющее число рабочихъ часовъ въ сутки. Для ртшенія задачи вовсе не нужно знать, сколько именно часовъ работали тт и другіе работники; достаточно знать только, въ сколько разъ вторые работали больше или меньше первыхъ, а это уже слтдуетъ изъ того, что число рабочихъ часовъ увеличилось на 20%. Это данное показываетъ, что число рабочихъ часовъ первыхъ работниковъ относитя къ числу рабочихъ часовъ вторыхъ работниковъ, какъ 5:6. Ртшая задачу по общей формулт сложнаго тройного правила, найдемъ что искомое число кирпичей

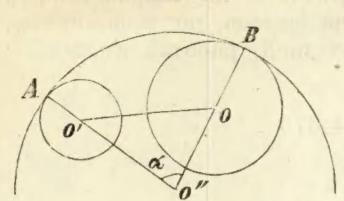
$$x = \frac{14400.16.20.6.2}{20.18.5.3} = 10240.$$

А. Колтановскій (Немировъ), П. Свышниковъ (Троицкъ), И. Кумсковъ, Ивановскій и А. Петренко (Воронежъ), В. Будянскій (Прилуки), С. Блажко (Москва). Ученики: 10-й Спб. г. (8) О. Д., Екатрсл. г. (7) А. Г. и (8) І М., Вор. к. к. (7) И. С. и (6) Н. В., Кам.-Под. г. (7) А. Р.

№ 297. Построить кругъ, касательный къ двумъ даннымъ кругамъ такъ, чтобы его радіусы, проведенные въ точки касанія, составляли данный уголъ.

Пусть данныя окружности будуть О и О' (фиг. 41). Положимъ, что искомый кругъ проведенъ и точки касанія его съ данными кругами бу-

Фиг. 41.



дутъ А и В. Такъ какъ точки касанія дежать на одной прямой съ центрами круговъ, то линіи АО" и ВО" прямыя; ДАО"В, образованный раліусами АО" и ВО", проведенными въ точки касанія, равенъ данному углу а. Какъ радіусы одной и той-же окружности АО"=ВО". Пусть радіусь круга О будеть r, и r'—радіусь круга О', тогда О'О"+r'=ОО"+r, откуда

$$0'0''-00''=r-r'$$
.

Въ треугольникъ OO'O'' извъстно основаніе OO', противолежащій уголь α и разность двухъ другихъ сторонъ=r-r'. Слъдовательно, построивъ извъстнымъ способомъ треугольникъ OO'O'', мы опредълимъ вершину его O'', т. е. центръ искомой окружности, затъмъ уже послъдною не трудно начертить.

И. Свышниковъ (Тронцкъ), С. Блажко (Москва), В. Гиммельфарбъ (Кіевъ).
 Ученики: Ворон. к. к. (7) А. И., Курск. г. (7) Т. III.

№ 309. Цилиндрическая съ одного конца запаянная трубка съ воздухомъ опускается въ сосудъ со ртутью такъ, что уровни ртути въ трубкъ и въ сосудъ совпадаютъ; при этомъ длина части трубки надъ ртутью = a. Затъмъ трубка поднимается и длина ея надъ уровнемъ ртути въ сосудъ Какъ высоко стоитъ ртуть въ трубкъ, если атмосферное давленіе при этомъ не измънялось?

Обозначимъ площадь съченія трубки черезъ s, высоту барометра черезъ H и искомую высоту черезъ x. Воздухъ, занимая объемъ as, находится подъ давленіемъ H, а занимая объемъ (b-x)s,—подъ давле-

ніемъ Н-х. По закону Маріотта:

$$as:(b-x)s=(H-x):H.$$

Отсюда находимъ

$$x=\frac{1}{2}(H+b)\pm\frac{1}{2}\sqrt{(H-b)^2+4aH}$$
.

Знакъ + не соотвътствуетъ вопросу.

И. Свышниковъ (Тропкъ).

№ 334. Показать, что если коэффиціенты квадратных уравненій

$$x^2+p_1x+q_1=0$$
 u $x^2+p_2x+q_2=0$

удовлетворяють условію

$$p_1p_2=2(q_2+q_1),$$

то одно изъ уравненій непремънно имъетъ дъйствительные корни. Умножимъ условное равенство

$$p_1p_2=2(q_1+q_2)$$

на 2 и сложимъ съ тождествомъ

$$p_1^2 - 2p_1p_2 + p_2^2 = (p_1 - p_2)^2$$

тогда получимъ

$$p_1^2 + p_2^2 = (p_1 - p_2)^2 + 4(q_1 + q_2),$$

или

$$(p_1^2-4q_1)+(p_2^2-4q_2)=(p-p_2)^2,$$

а слёдовательно, по крайней мёрё, одно изъ слагаемыхъ въ первой части равенства должно быть положительнымъ, что и требовалось доказать.

В. Гиммельфарбъ (Кіевъ), В. Соллертинскій (Гатчино), Я. Блюмбертъ (Ревель), Н. Артемьевъ (Спб.) Ученики: Тверск. р. уч. (7) П. В., Новоз. р. уч. М. Н., Кам.-Под. (6) Я. М., 1-й Спб. г. (7) А. К., Тифл. р уч. (7) Н. П.

№ 335. Найти 4 четныя числа, составляющія ариометическую прогрессію, при условіи, чтобы произведеніе суммы трехъ послъднихъ на сумму двухъ крайнихъ было равно кубу полусуммы двухъ первыхъ.

Пусть искомыя числа будутъ

$$2x$$
, $2x+2y$, $2x+4y$, $2x+6y$.

Составивъ на основаніи условій уравненіе и упростивъ его, получимъ

$$12(x+2y)(2x+3y)=(2x+y)^3$$
 (1)

отсюда видимъ, что $(2x+y)^3$ должно дълиться на 4, а для этого необходимо, чтобы у дълилось на 2. Пусть y=2z, тогда (1) представится вътакомъ видъ:

$$3(x+4z)(x+3z)=(x+z)^3$$
.

Очевидно, что (х+z) должно дълиться на 3; положимъ здъсь

$$x+z=3t$$

тогда

$$(3t+2z)(t+z)=3t^3.$$

Откуда

$$z=\frac{-5t+t\sqrt{24t+1}}{4}$$

И

$$x=3t-z=\frac{17t-t\sqrt{24t+1}}{4}$$
.

Чтобы x было положительнымъ, необходимо $17t \ge t\sqrt{24t+1}$, или $t \le 12$. Изъ всъхъ значеній t выберемъ такія, чтобы 24t+1 было полнымъ квадратомъ, именно:

$$t=1, 2, 5, 7, 12.$$

Искомыя числа будуть:

6, 6, 6, 6; 10, 14, 18, 22; 14, 70, 126, 182; 0, 144, 288, 432.

Полное рѣшеніе прислаль уч. (7) кл. Тифл. р. уч. *II. II.*; неполное рѣшеніевоспитанникъ (7) кл. Вор. к. к. *А II*.

№ 341. Ръшить уравненіе

$$\sqrt{\frac{x-3}{4-x}} = \frac{x}{2}.$$

Возвысивъ объ части въ кубъ, и освободивъ отъ знаменателя, по-

$$x^4 - 4x^3 + 8x - 24 = 0$$
.

Прибавимъ и вычтемъ теперь $4x^2$, тогда уравненіе приметъ такой видъ

$$(x^2-2x)^2-4(x^2-2x)-24=0.$$

Откуда находимъ

$$x=1\pm\sqrt{3\pm2\sqrt{7}}$$
.

Ивановскій и М. Долговт (Воронежъ), Н. Артемьевт (Спб), С. Охлобыстинъ (Ив.-Возн.). П. Трипольскій (Полтава). Ученики: Вор. к. к. (6) Н. В., Орлов. т. (8) А. О., Полт. р. уч. (5) Е. Ц., Екатрел. г. (6) А. С., Тифл. 2-й г. (6) М. А., Кам.-Под. г. (7) А. Р., 1-й Спб. г. (7) А. К., Тифл. р. уч. (7) Н. П., Бієвск. р. уч. (6) А. Ш.

Редакторъ-Издатель Д. К. Шпачинскій.